Suites numériques et récurrence

Mini-quiz (QCM Terminale spécialité)

Questions

- **Q1.** Une suite numérique (u_n) est :
 - a) une fonction définie sur \mathbb{R} à valeurs dans \mathbb{R} ;
 - b) une fonction définie sur \mathbb{N} à valeurs dans \mathbb{R} ;
 - c) une fonction définie sur $\mathbb Z$ à valeurs dans $\mathbb N.$
- **Q2.** La suite définie par $u_n = 3n^2 1$ est :
 - a) arithmétique;
 - b) géométrique;
 - c) ni arithmétique ni géométrique.
- **Q3.** On considère $u_0 = 2$ et $u_{n+1} = u_n + 5$. Alors :
 - a) $u_n = 2 + 5n$;
 - b) $u_n = 2 \cdot 5^n$;
 - c) $u_n = 2 5n$.
- **Q4.** Une suite (u_n) est croissante si, pour tout n:
 - a) $u_{n+1} \ge u_n$;
 - b) $u_{n+1} \le u_n$;
 - c) $u_{n+1} = u_n$.
- **Q5.** On sait que (u_n) est croissante et majorée. Alors :
 - a) (u_n) diverge vers $+\infty$;
 - b) (u_n) est convergente;
 - c) (u_n) est décroissante à partir d'un certain rang.
- **Q6.** La suite (v_n) est géométrique de premier terme $v_0 = 3$ et de raison q = 2. Alors :
 - a) $v_n = 3 + 2n$;
 - b) $v_n = 3 \cdot 2^n$;
 - c) $v_n = 3 \cdot 2^{n+1}$.
- **Q7.** Soit (u_n) définie par $u_0 = 0$ et $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + 3$. Une limite candidate de (u_n) est :
 - a) $\ell = 3$;
 - b) $\ell = 6$;
 - c) $\ell = 0$.
- Q8. Le principe de récurrence consiste à :
 - a) vérifier P(0) uniquement;
 - b) vérifier P(0) puis montrer que $P(k) \Rightarrow P(k+1)$;
 - c) vérifier P(0) puis P(1) seulement.
- **Q9.** La suite (u_n) est définie par $u_{n+1} = au_n + b$ avec |a| < 1. Si elle converge vers ℓ , alors :
 - a) $\ell = \frac{b}{1-a}$;
 - b) $\ell = \frac{a}{1-b}$;
 - c) $\ell = b$.
- **Q10.** Pour étudier une suite définie par $u_{n+1} = g(u_n)$, on commence en général par :
 - a) résoudre $u_{n+1} = 0$;

- b) chercher un point fixe ℓ tel que $\ell = g(\ell)$;
- c) calculer u_1, u_2, u_3 uniquement.

Corrigé rapide

 $Q1:b) \quad Q2:c) \quad Q3:a) \quad Q4:a) \quad Q5:b) \quad Q6:b) \quad Q7:b) \quad Q8:b) \quad Q9:a) \quad Q10:b).$